



Disciplina Matemática 9º ano Sumário Período 1

Probabilidade

1. No saun hosi fenómenu eleatóriu no husi esperiénsia eleatóriu

Emauza probabilidade beibeik hodi halo planu no halo dezisaun iha moris loroloron.

Ema ne'ebé komprende probabilidade bele foti dezisaun di'ak hodi redús risku. Tanba bainhira ema komprende probabilidade signifika ema hatene kona-ba valor possibilidade ne'ebé boot atu manán ka hetan buatruma.

Ezemplu: ema tau kapasete mak matenek tanba iha possibilidade ruma bainhira sa'e motor atu monu, ulun la kanek tanba proteje hosi kapasete.

Prátika: halimar toos karta

Sasán ne'ebé presiza: Karta jogu pakote ida

Oinsá halo:

a. Halimar karta jogu tahan ida no kalkula probabilidade loke (L) no taká (T).

- Foti karta jogu ida no so'e ba leten, karta ida-ne'e sei minutun. Ida-ne'emak hanaran fenómenu deterministiku, tanba rezultadu sempre iha ida. Bainhira minutun, dalaruma karta nakloke ka dalaruma naktaka. Ida-ne'e hanaran **fenómenu aleatóriu**, tanba molok akontese seidauk hatene ninia rezultadu.
- Halo to'o dala sanulu.
- Prenxe tabela tuirmai husi kada rezultadu ne'ebé hetan.

Jogu da-	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Rezultadu										

Ezemplu, karik mak rezultadu hanesan tuirmai:

Jogu da-	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Rezultadu	T	L	T	T	T	L	T	L	T	T

Entaun bele hakerek dadus hanesan tuirmai ne'e:

- Jogu dahira (n) = 10
- Totál taka (T) = 7
- Totál loke (L) = 3

Bele hatudu persentajen ba karta taka no loke hanesan tuirmai:

- Karta taka

$$\text{Proba bilidade (T)} = \frac{\text{tot áltaka}}{n} = \frac{7}{10}$$

- Karta loke

$$\text{Probabilidade (L)} = \frac{\text{tot álloke}}{n} = \frac{3}{10}$$

Ezersísiu:

Kalkula probabilidade husi rezultadu ne'ebé ó hetan husi jogu iha leten, depois kompara ó-nia rezultadu hoposibilidade ne'ebé belemosu ne'ebé hatudu iha kraik tuirmai.

Ó-nian mak ida-ne'ebé?

Posibilidade sira-ne'ebé bele mosu iha jogu dala 10 mak hanesan tuirmai:

Kuantidade Taka	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Kuantidade Loke	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0

Nota: Hosi ezemplu iha leten posibilidade ne'ebé mosu mak iha koluna ho kór malahuk.

b. Halimar karta joguta han rua (toos ba malu) no kalkula probabilidade ne'ebé mosu.

Nota: Karik laiha ema na'in-rua, bele uza liman rua hodi toos ba malu. Liman rua ida-ne'ereprezenta ema na'in-rua.

- Karta 2, toos malu dala 1; presiza ema-na'in-2 (ka uza limanrua)
 - Kada ema fotikarta ida.
 - Ema na'in-2 toos malu dala ida de'it.

- Toos malu to'o dala haat.
- Prenxe tabela tuirmai husi kada rezultadu ne'ebé hetan. Se mosu hanesan ne'ebé hatudu iha koluna dahuluk no daruak, tau valór 1, no se la mosu tau valór 0.

Jogu da-		1	2	3	4
Ema da-1	Ema da-2				
Taka	Taka				
Taka	Loke				
Loke	Taka				
Loke	Loke				

Posibilidade rezultadu ne'ebé belemosu hanesan tuirmai:

Jogu da-		1	2	3	4
Ema da-1	Ema da-2				
Taka	Taka	1	0	0	0
Taka	Loke	0	1	0	0
Loke	Taka	0	0	1	0
Loke	Loke	0	0	0	1

Ba jogu toos karta ida-ne'e, ema ida sei manán, se nia kartaun Lokeno ema seluk nia kartaun taka. Nune'e iha kada toos, probabilidade atu manán mak 1 hosí probabilidade 4 ne'ebé posivel mosu ho formula hanesan tuirmai:

- Probabilidade manán

$$P(M) = \frac{n(M)}{N} = \frac{1}{4} = 0,25$$

- Probabilidade lakon

$$P(L) = \frac{n(L)}{N} = \frac{1}{4} = 0,25$$

- Probabilidade empata

$$P(E) = \frac{n(E)}{N} = \frac{2}{4} = 0,5$$

- Karta 2, toos malu dala 2; presiza ema-na'in-2 (ka uzaliman rua)
 - Kada ema foti karta ida.
 - Iha kadajogu, ema na'in-2 toos malu dala rua.
 - Halo jogu to'o dala sanulu.
 - Prenxe tabela tuirmai husi kada rezultadu ne'ebé hetan. Se mosu hanesan ne'ebé hatudu iha koluna dahuluk no daruak, tau valór 1, no se la mosu tau valór 0.

Jogu da-		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Ema da-1	Ema da-2										
Taka	Taka										
Taka	Loke										
Loke	Taka										
Loke	Loke										

Posibilidade rezultadu ne'ebé bele mosu hanesan tuirmai:

Jogu da-		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Ema da-1	Ema da-2										
Taka	Taka	1	0	0	1	1	0	2	0	0	0
Taka	Loke	1	1	0	0	0	1	0	2	0	0
Loke	Taka	0	1	1	0	1	0	0	0	2	0
Loke	Loke	0	0	1	1	0	1	0	0	0	2

Ba jogu toos karta ida-ne'e, ema ida manán mak bainhira mosu loke-taka hotu (koluna 9), loke-taka no taka-taka (koluna 5), ka loke-taka no loke-loke (koluna 3).

Katak koluna 3 de'it mak bele manán. Ema ida lakon mak bainhira mosu taka-loke hotu (koluna 8), taka-loke no taka-taka (koluna 1), ka taka-loke no loke-loke (koluna 6). Katak koluna 3 de'it mak bele lakon. Nune'e probabilidade atu lakon mak 3 hosi

posibilidade 10. Koluna seluk (koluna 2, 4, 7 no 10) mak empata, ho formula hanesan tuirmai:

- Probabilidade manán

$$P(M) = \frac{n(M)}{N} = \frac{3}{10} = 0,3$$

- Probabilidade lakan

$$P(L) = \frac{n(L)}{N} = \frac{3}{10} = 0,3$$

- Probabilidade empata

$$P(E) = \frac{n(E)}{N} = \frac{4}{10} = 0,4$$

Iha probabilidade, presiza hatene kona-ba liafuan balun la signifikadu mak:

- Akontesimentu katak fenómenu ne'ebé mosu iha esperimentu nialaran.
- Espasu amostrál ka espasu rezultadu mak konjuntu husirezultadu hotu ne'ebé posivel (sei mosu) asosia ho esperiénsia aleatória.
- Akontesimentu elementár mak se iha element ida de'it mak husi espasu rezultadu mosu.
- Akontesimentu kompostu mak se iha elementu liu ida husi espasu rezultadu mosu.
- Akontesimentu sertu mak se element hotu husi espasu rezultadu mosu.
- Akontesimentu imposivel mak akontesimentu ne'ebé laiha rezultadu espasu amostrál. Reprezenta ho \emptyset ka $\{\}$, signifika konjuntu mamuk ka laiha elementu.
- Probabilidade empérica (relativa) mak $f = \frac{n_i}{N}$
- Probabilidade ba akontesimentu mak $p(A) = \frac{n(A)}{N}$
- Probabilidade ba akontesimentu kontráriu $p(A) = 1 - p(A)$

Atu sura probabilidade, tenke sura hotu probabilidade hotu ba akontesimentu ne'ebé karik sei mosu. Iha formula iha leten, ida-ne'e ho símbolu N. Ida-ne'emak

Signifikadu hosi espasu amostrál. Frasaun $\frac{n(A)}{N}$ hatudu probabilidade sira-ne'ebé favoravel, katak sira-ne'ebé ita hakarak $[n(A)]$, hosi probabilidade hotu.

Ezempluseluk:

Atu hatene probabilidade hodi hetan osan besi sentavos 10 rua hatudu figura manu hotu bainhira toos dala ida, tenke sura posibilidade hotu, depois sura ida-ne'ebé ita hakarak = 1, depois halo frasaun $\frac{1}{2} = 0,5$ ka 50%.

Possibilidade mosu	Kuantidade mosu	Valór probabilidade
	1	$\frac{1}{2}$
	1	$\frac{1}{2}$
Totál	2	1

2. Nosaun no kálkulu probabilidade husi akontesimentu ida

a. Probabilidade empírica (ka frekuensista) hosi akontesimentu ida

Probabilidade empíri ka hosi akontesimentu A reprezenta ho $P(A)$ mak frekuénsia relativa hosi akontesimentu A ne'ebé realiza. Bainhira númeru repetisaun husi esperiénsia aleatóriu aumenta, frekuénsia relativa mós sei aumenta. Frekuénsia relativa hosi akontesimentu A mak entre 0 no 1. Nune'e bele konklui katak probabilidade nia valórmak entre 0 no 1 (ka iha persentajen 0% – 100%). Akontesimentu imposivel korresponde ho probabilidade 0 no akontesimentu sertu korresponde ho probabilidade 1.

Nota: Se númeru repetisaun aumenta, sei sai di'akliu bainhira halo estimativa ba probabilidade.

Ezemplu:

Hosi respostu ema na'in-250 nian kona-ba kórpreferidu, hatudu iha tabela tuirmai:

Kórpreferidu	Númeru alunu	Frekuénsia relativa	Frekuénsia relativa (%)
Azúl	140	0,560	56
Matak	25	0,100	10
Kinur	13	0,052	5,2
Mean	65	0,260	2,6
Seluk	7	0,028	2,8
Totál	250	1	100

b. Regra Laplace

Regra Laplace nian ladún hanesan regra, maibé maneira atu hakerek probabilidade

nu'udar frasaun: $P(S) = \frac{m}{n}$

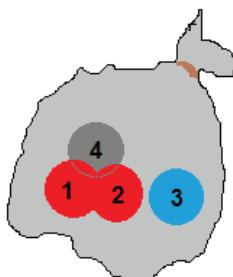
- Frasaun iha parte leten [numeradór] **m** mak posibilidade sira-ne'ebé ita iha interesse atu sura [*favoravel*].
- Frasaun iha parte kraik [denominadór] **n** mak posibilidade hotu-hotu ne'ebé karik belea kontese.

Nune'e:

- Se ita iha interesseatu sura posibilidade hotu-hotu, entaun **m = n**, no **P(S)** sai fali 1.
- Se laiha posibilidade ne'ebé ita iha interesse atu sura, entaun **m = 0**, no **P(S) = 0**.

Ezemplu:

Iha saku ida nialaran, iha bola 4, kompostu husi bola mean iha rua, bola malahuk ida no bola azúl ida. Kada bola mós tau númeru 1 to'o 4 hanesan figura tuirmai ne'e:



Konsidera esperiénsia aleatória konsiste bainhira hasai bola ho kór husi saku.

- Espasu amostrál: $S = \{\text{mean}, \text{malahuk}, \text{azúl}\}$

- Akontesimentu elementár: {mean}, {malahuk}, {azúl}
- Probabilidade akontesimentu elementár sira:
 - Husi totál bola 4, bola mean mak 2:

$$P(\{\text{mean}\}) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

- Hosi totál bola 4, bola malahuk mak 1:

$$P(\{\text{malahuk}\}) = \frac{1}{4}$$

- Hositolá bola 4, bola azúlmak 1:

$$P(\{\text{azúl}\}) = \frac{1}{4}$$

Nota: La'ósa kontesimentu elementár hotu iha probabilidade hanesan.

Probabilidade espasu amostrál mak:

$$P(S) = P(\{\text{mean}\}) + P(\{\text{malahuk}\}) + P(\{\text{azúl}\})$$

$$P(S) = \frac{2}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{4}{4} = 1$$

Entaun, $P(S) = 1$

Se akontesimentu A mak: **bola azúlsai**, entaun $A = \{\text{azúl}\}$

Entaun saida mak probabilidade ba akontesimentu: **bola azúl la sai?** Akontesimentu ba situasaun ida-ne'e reprezenta \bar{A} . Signifika \bar{A} mak bola kór mean no malahuk. Entaun akontesimentu \bar{A} mak **akontesimentu komplementár** ka kontráriu hosi akontesimentu A .

$$\bar{A} = \{\text{mean, malahuk}\}$$

$$P(\bar{A}) = P(\{\text{mean, malahuk}\}) = P(\{\text{mean}\}) + P(\{\text{malahuk}\})$$

$$P(\bar{A}) = \frac{2}{4} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

Hanoinkatak: $P(\bar{A}) = P(S) - P(A) = 1 - P(A)$

$$P(\bar{A}) = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

c. *Akontesimentu inkompativel (kadisjuntuka mutuamente esklusivu)*

Bainhira sura probabilidade hodi hili buat ida ho karakterístiku rua ne'ebé bele laiha sasán ida komún, ida-ne'e hanaran **akontesimentu inkompativel** ka **disjuntu**.

Ezemplu: Hili naran alunu ida hosi sala laran, no sura probabilidade atuhetan alunu feto no alunu ne'e uza ókulu, no se laiha alunu feto ne'ebé uza ókulu, entaun ida-ne'e katak akontesimentu ida-ne'e mak inkompativel.

Bainhira sura probabilidade hodi hili buat ida ho karakterístiku rua ne'ebé iha sasán balu komún, ida-ne'e hanaran **akontesimentu kompativel**.

Ezemplu: Hili naran alunu ida hosi sala laran, no sura probabilidade atu hetan alunu mane no alunu ne'e uza ókulu, no alunu mane balu uza duni ókulu, entaun ida-ne'e katak akontesimentu ida-ne'e mak kompativel.

Mai itadeskobre!

Halo atividade hanesan tuirmai:

- Prepara botir-matan ho kór diferente, ida ho kór-laranja, tolu ho kór mean no rua ho kórazúl, depois tau botir-matan sira hamutuk hanesan tuirmai ne'e:



- Taka matan ho hena, depois hili naran botir-matan ida.

Konsidera katak experiénsia aleatória konsiste bainhira botir-matan ho kór no número hili.

Espasu amostrál S bele reprezenta ho:

$$S = \{\text{laranja } 1, \text{ azúl } 2, \text{ mean } 3, \text{ azúl } 4, \text{ mean } 5, \text{ mean } 6\}$$

Bele hakerek sai forma abreviatura hanesan tuirmai:

$$S = \{L1, A2, M3, A4, M5, M6\}$$

Se probabilidade akontesimentu sira balu mak hanesan tuirmai:

- A: Hilibotir-matan kór-azúl; entaun $A = \{A2, A4\}$
- B: Hilibotir-matan ho número impar; entaun $B = \{L1, M3, M5\}$
- C: Hilibotir-matan ho kór-mean; entaun $C = \{M3, M5, M6\}$

Akontesimentu A no B laiha kualkér rezultadu komún, ida-ne'e mak hanaran akontesimentu intersesaun ne'ebé **imposivel**, tanba laiha iha A ne'ebé komún iha B no vise versa. Akontesimentu ida-ne'emak hanaran **inkompativel**.

Hakerek hanesan tuirmai: $A \cap B = \{ \}$

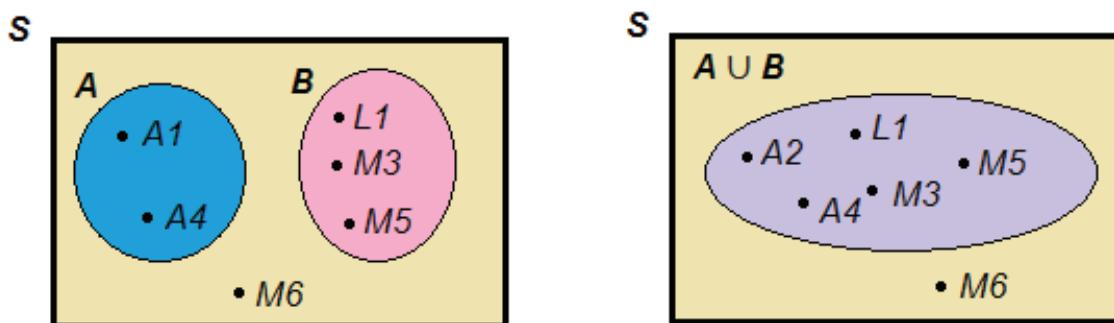
Nota: Símbolu \cap hatudu símbolu **a kontesimentu intersesaun** nian, signifika rezultadu komún ba akontesimentu A no B .

Akontesimentu uniaun ho símbolu \cup ne'ebé reprezenta ho $A \cup B$, mak hatudu rezultadu hotu-hotu hosi akontesimentu A no mósakontesimentu B .

Hakerek hanesan tuirmai: $A \cup B = \{A2, A4, L1, M3, M5\}$

Signifika botir-matan ne'ebé hili mak botir-matan kór azúl ka botir-matan ho númeru impar.

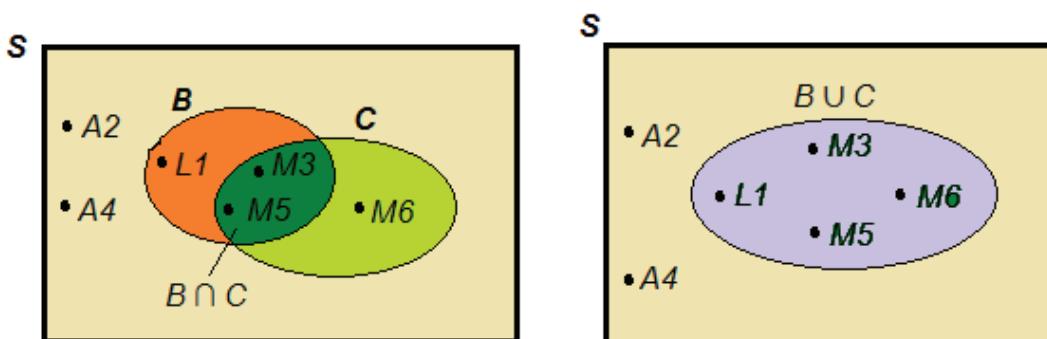
Atu halo simples, siatuasaun ida-ne'e bele reprezenta iha diagram ida hanaran **diagrama Venn**.



$$P(A) = \frac{2}{6}; P(B) = \frac{3}{6}; \text{ no } P(A \cup B) = \frac{5}{6}$$

Iha kazu ida-ne'e $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$

Agora, mai ita haree akontesimentu B no C , iha rezultadu komún. Símbolu mak $B \cap C \neq \{\}$. Hosi kazu ida ne'e $B \cap C = \{M3, M5\}$. Akontesimentu ida-ne'e hanaran **kompativel**. Reprezenta iha diagrama Venn hanesan tuirmai:



Akontesimentu uniaun $B \cup C$ mak: $\{L1, M3, M5, M6\}$

$$P(B) = \frac{3}{6}; P(C) = \frac{3}{6}; \text{ no } P(A \cup B) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

Iha kazu ida-ne'e $P(B \cup C) \neq P(B) + P(C)$

$$P(B \cup C) = P(B) + P(C) - P(B \cap C)$$

$$P(B \cup C) = \frac{3}{6} + \frac{3}{6} - \frac{2}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

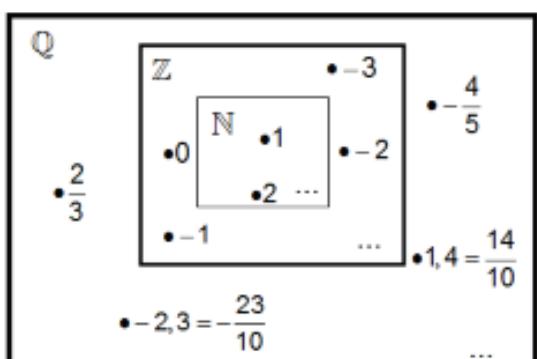
Ezersísiu:

Kontinua jogu iha leten, depois buka probabilidade akontese balu ne'ebé belemosu.

Númerulnteiru

1. Nosaunnúmerureál no retareál

Lembra filafali:



$$\mathbb{Q} = \mathbb{Z} \cup \{\text{números fraccionários}\}$$

Reunião

$$\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$$

Está contido

Konjuntu númeru Naturál (N)

Konjuntu númeru inteuru (Z)

Konjuntu númeru rasional (Q)

a. Númerudízima

Lembra filafali:

Númeru rasionál mak númeru ne'ebé bele reprezenta iha frasaun númeru inteiru.

Kualkér frasaun reprezenta númeru inteiru ka dízima finita ka dízima infinita periódika.

Ezemplu:

- Frasaun ne'ebé reprezenta númeru inteiru: $\frac{6}{3} = 2$
- Frasaun ne'ebé reprezenta dízima finita: $\frac{13}{4} = 3,25$
- Frasaun ne'ebé reprezenta dízima infinita periódika: $\frac{25}{3} = 8,333 \dots = 8,(3)$

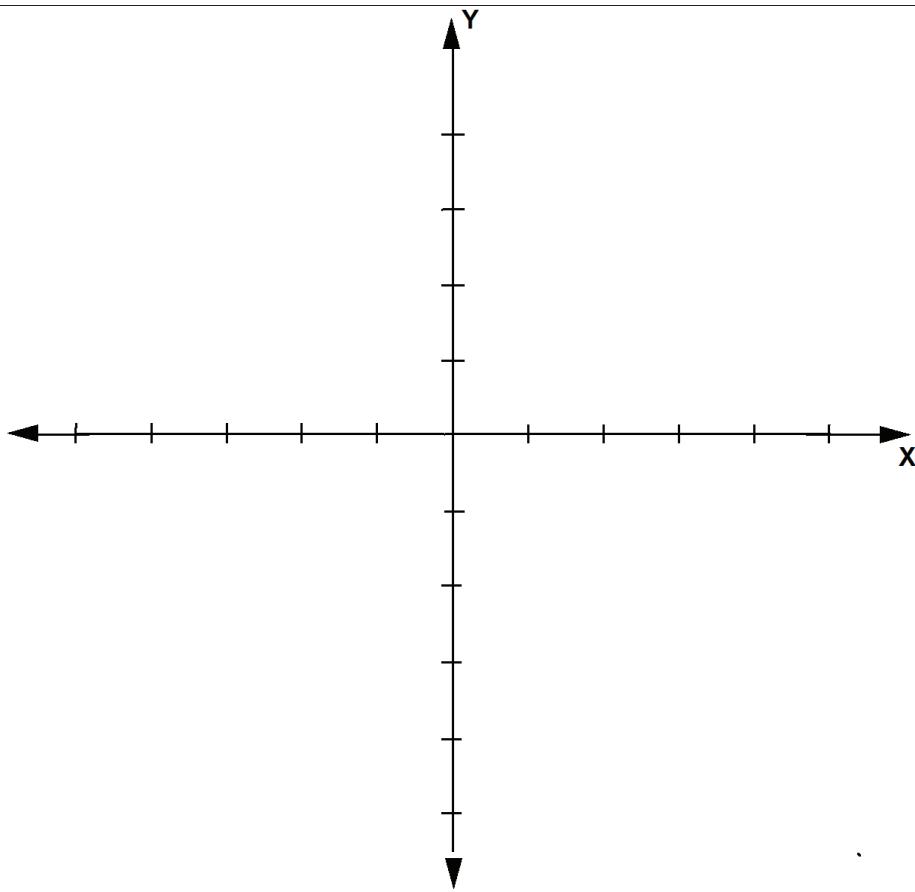
Konjuntu númeru hirak-ne'e bele aprezenta iha reta numérica.

Pratika: sukat valor raiz kuadradu liu hosi konstrusaun jeométrika nian

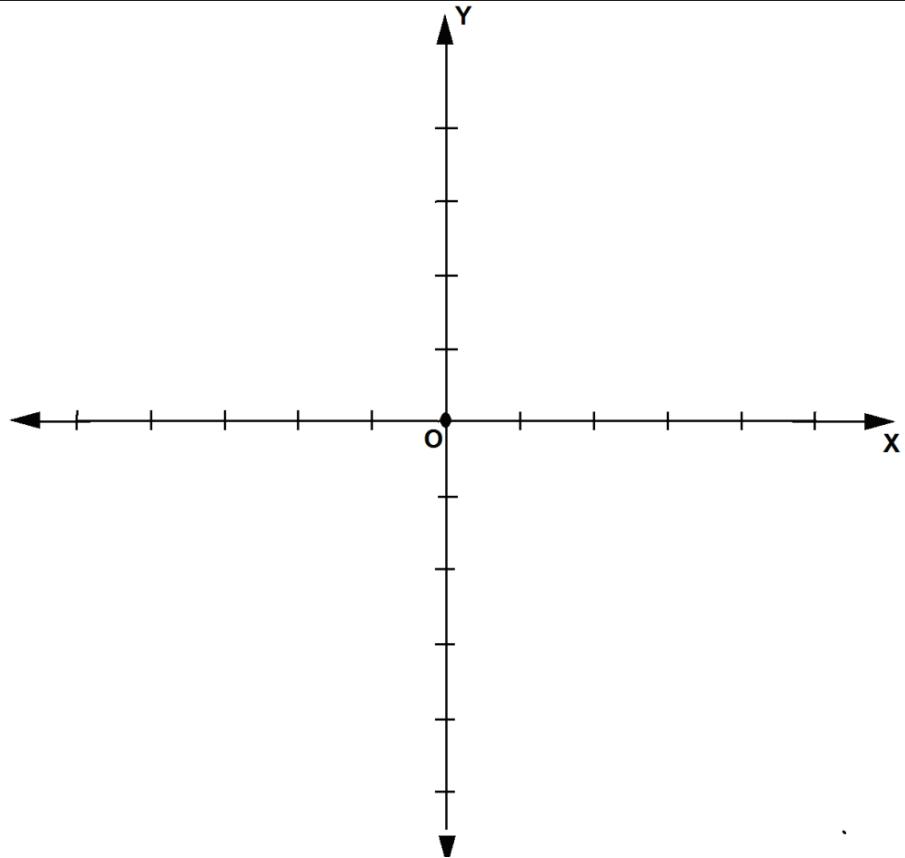
Sasán ne'ebé presiza: Kompasu, régua.

Oinsá halo:

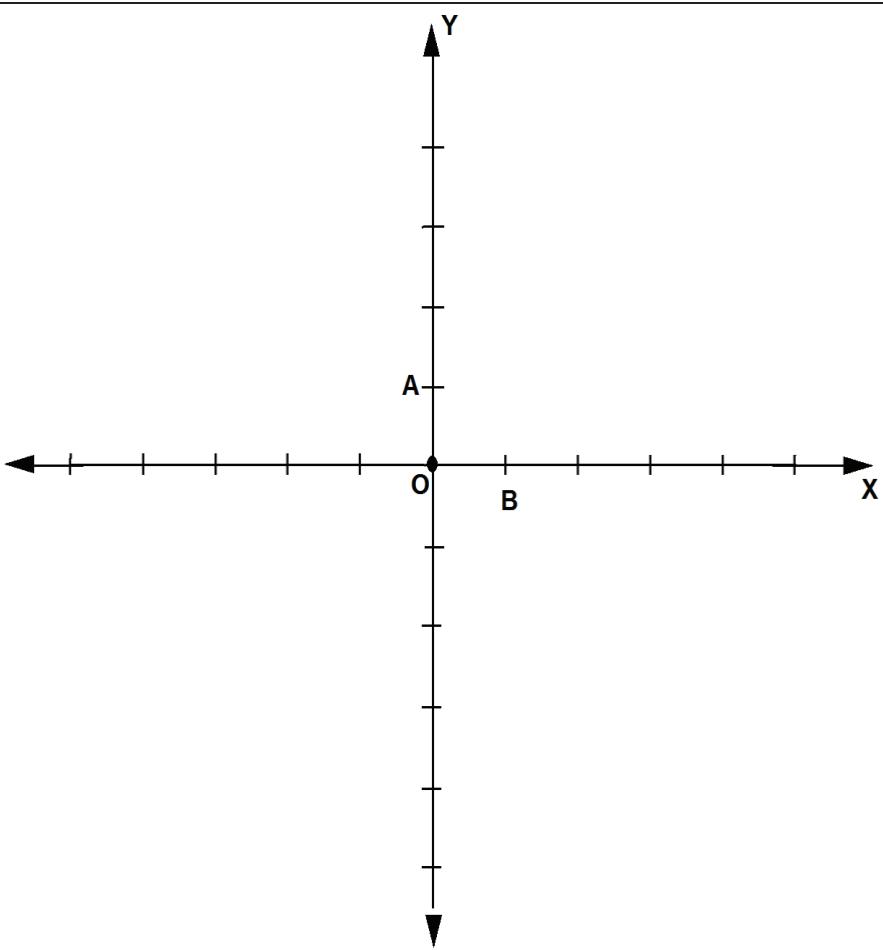
1. Halo liňavertikál
(nu'udarliña Y)
maizumenus 10 cm
ne'ebé
perpendikulár ho
liňaorizontál
(nu'udarliña X)
maizumenus 10
cm.



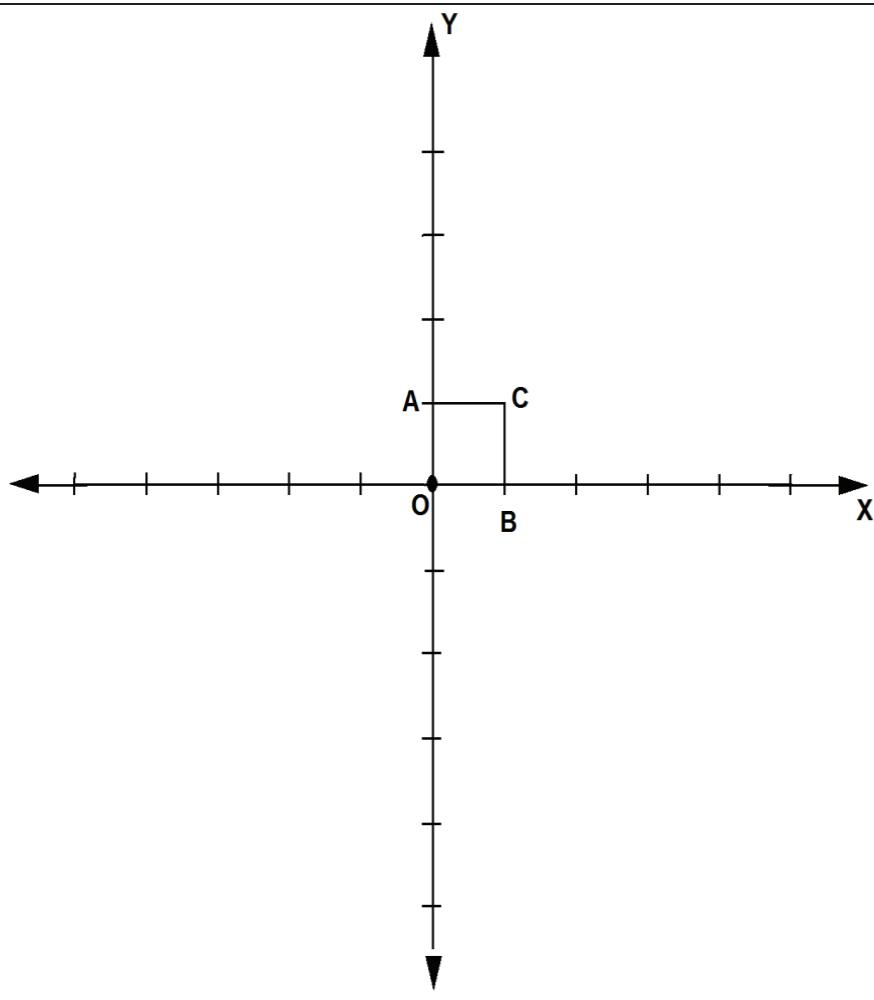
2. Ponto origem sei
bolu O.



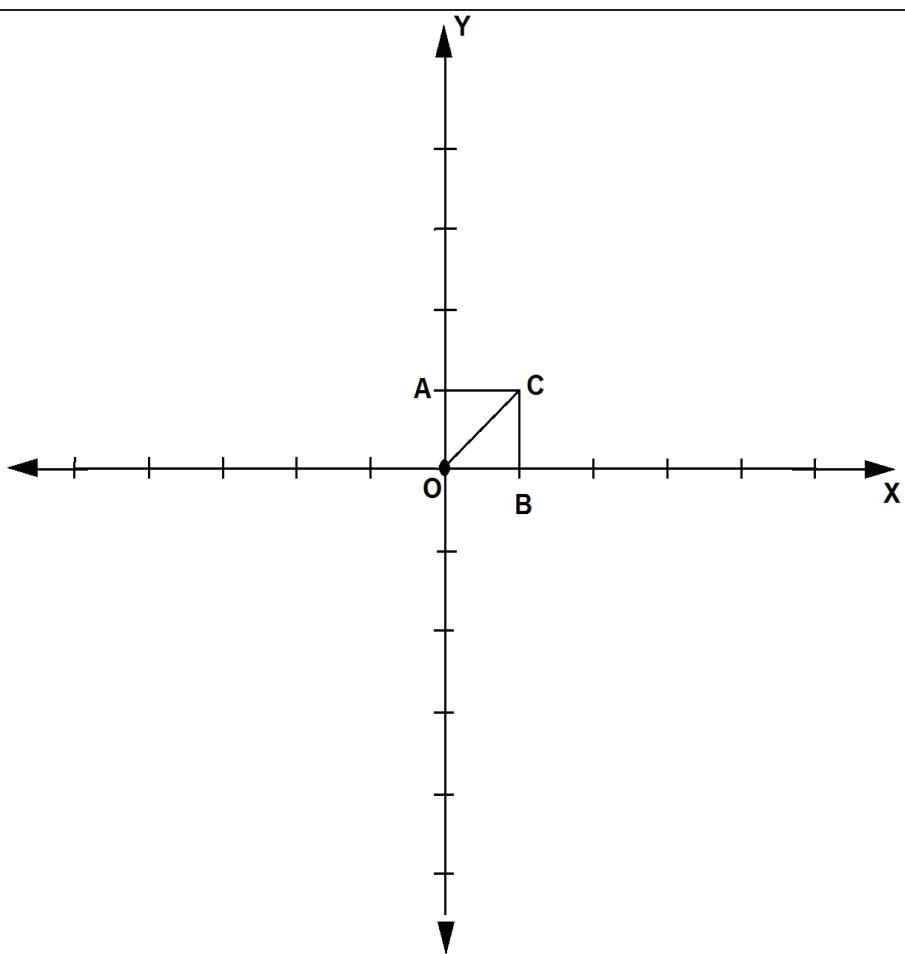
3. Markapontu A iha
liňa Y hodistánsia 1
cm hosiorigem O
no pontu B iha liňa
X hodistánsia 1 cm
hosiorigem O.



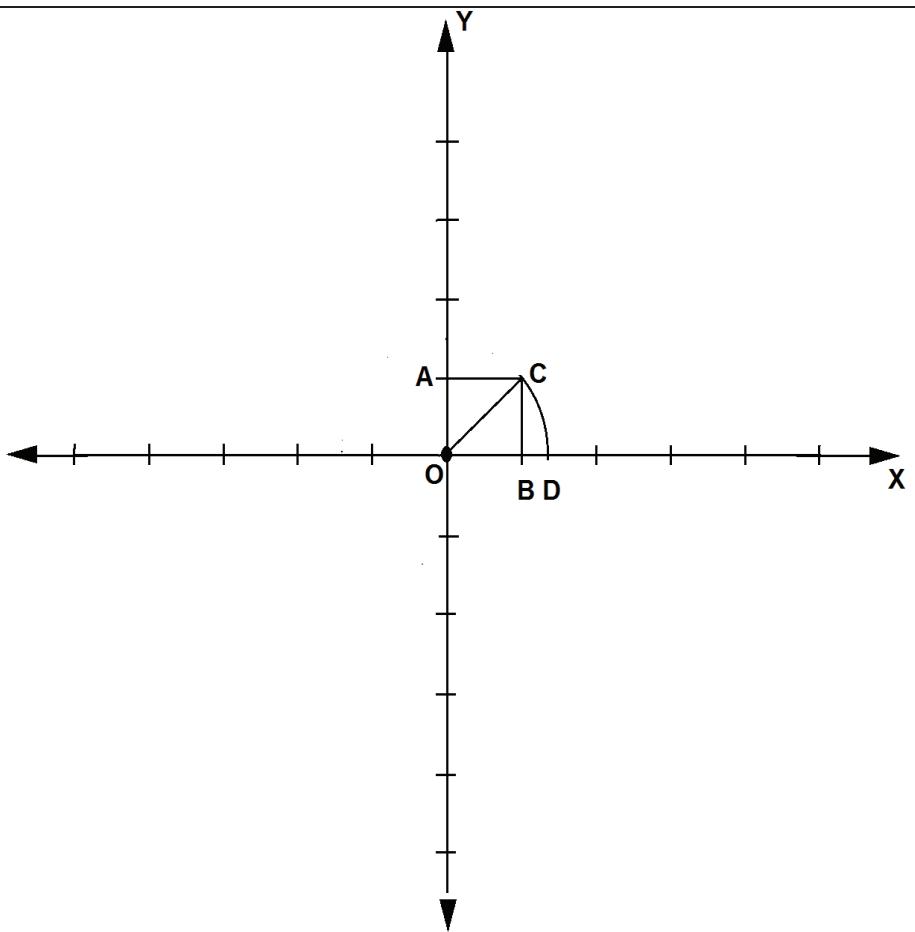
4. Dada liñaida ne'ebé paralelu ho liña OA ho komprimantu hanesan. Tau pontu C iha liña foun ida-ne'e nia tutun. Depois dada mós liña ida ne'ebé paralelu ho liña OB ho komprimantu hanesan(liña AC).



5. Dada liña diagonal hosí pontu C ba pontu *origem* O.



6. Uza kompasu hodi halo sirku ferénsia hosi pontu C to'o kona liña X ho pontu *origem* O nu'udar pontu sentru. Tau pontu D iha pontu founida-ne'e.



7. Uza régua hodi sukat distânsia entre pontu *origem* O ba pontu D.

Nota: distânsia OD hanesan ho distânsia OC (diagonál).

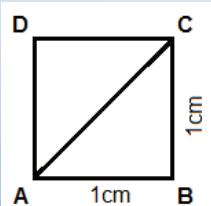
8. Rejista rezultadu iha tabela

X	Y	diagonál
1 cm	1 cm	1,4 cm
2 cm	2 cm	
3 cm	3 cm	
4 cm	4 cm	
5 cm	5 cm	

9. Kontinua halo hanesan ho distânsia 2 cm, 3 cm, 4 cm no 5 cm hosi pontu *origem* O ba liña Y no liña X.

Lembra filafali:

Teorema pitágoras atu kalkula diagonál hosi retangulár ida.



- Kuadradu ida-ne'e nia diagonál mak AC.
- Formula atu kalkula diagonál mak:

$$AC = \sqrt{AB^2 + BC^2}$$

$$\text{Entaun, } AC = \sqrt{1^2 + 1^2}$$

$$AC = \sqrt{1 + 1}$$

$$AC = \sqrt{2}$$

Se kontinua halo kalkulasaun ba $\sqrt{2}$ ida-ne'e, rezultadu sei hanesan ho 1,4142..., ida-ne'e sei bele kontinua no nunka hotu. Nune'e baibain halo **valór arredondamentu** ka **valóraproximadu**, hanesan ho ne'ebé ohin sukat iha leten. Kalkulasaun bele halo iha kalkuladora ka ho uza algoritmu. Iha kalkulasaun ida-ne'e sei kontinua beibeik tanba restu nunka sai 0. No se ita observa número dízima sira nunka repete fali tuir padraun hanesan ne'ebé hetan iha dízima infinita periódika.

Oinsá kalkula valór raiz nian?

a. Uza kalkuladora

- Hanehan butaun ba sinál² \sqrt{x} iha kalkuladora.
- Hanesan butaun número ne'ebé ita hakarak raiz. Ezemplu número 2.
- Hanesan butaun iguál. Rezultadu sei mosu.

Ezemplu: raiz kuadradu 2 ($\sqrt{2}$)



b. Uza algoritmu

Ezemplu: raiz kuadradu 2 ($\sqrt{2}$)

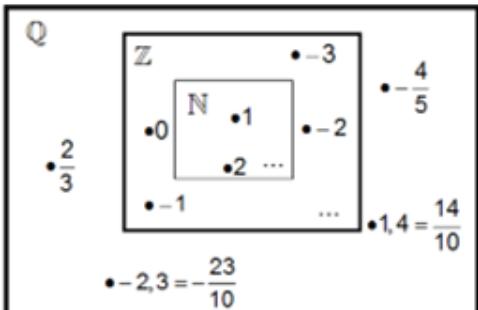
$ \begin{array}{r} 1,4142 \\ 2,00000000 \\ \hline 100 \\ \hline 96 \\ 400 \\ \hline 281 \\ \hline 11900 \\ \hline 11296 \\ 60400 \\ \hline 56564 \\ 3836 \end{array} $ <p> $24 \times 4 =$ $281 \times 1 =$ $2824 \times 4 =$ $28282 \times 2 =$ </p> <p>- $1(2) = 2$ - $14(2) = 28$ - $141(2) = 282$ - $1414(2) = 28$</p> <p>No kontinuanafatinhanensanne'e.</p>	<ul style="list-style-type: none"> Buka númeru ida, ninia kuadradu hetanvalór 2 ka besikvalór 2; mak 1. $2 - 1 = 1$. Aumenta zero rua iha númeru 1 niakotuk, sei sai 100. Dalarua hosi 1 mak 2. $2 _ \times _$. Hanoin númeru ida ne'ebé sei tau iha espasu mamukida-ne'e (númeru sei hanesan), ne'ebé se multiplika sei hetan valór 100 ka besik valór 100; mak 4. Nune'e sai $24 \times 4 = 96$. $100 - 96 = 4$. Aumenta zero rua iha númeru 4 nia kotuk, sei sai 400. Dalarua hosi 14 mak 28. $28 _ \times _$. Hanoin númeru ida ne'ebé sei tau iha espasu mamukida-ne'e (númeru sei hanesan), ne'ebé se multiplika sei hetan valór 400 ka besikvalór 400; mak 1. Nune'e sai $281 \times 1 = 281$. Kontinua halo ho maneira hanesan hodi hetan valór sira seluk.
---	---

Tan ne'enúmeru hanesan ne'e representa **dízima infinita la'ós periódika**, hanaran **número irrasional**.

Númeru rasionál no número irrasional hamutuk sai **númerureál** ne'ebé representa hos ímbolul R. Bainhira númeru real sira apresenta iha reta ida, agora naran la'ós ona reta numérica, maibé naran sai fali **reta real**.

Reprezentasaun hosi konjuntu númeru hirak-ne'e bele apresenta iha diagrama simples hanesan tuirmai:

\mathbb{R}



Números irracionais

$$\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \{\text{números irracionais}\}$$

Reunião

$$\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$$

Está contido

Atividade:

Kokokalkula $\sqrt{3}$ no $\sqrt{5}$ uza algoritmu, depois prova uza kalkuladora.

2. Relasaunmaiór (<) no menór (>) iha IR

Markasaun número real sira iha retareál permite hodi ordena número realsira.

Propriedade transitiva:

Karik iha número reál tolú a, b no c:

- Se $a < b$ no $b < c$, entaun $a < c$
- Se $a > b$ no $b > c$, entaun $a > c$

Valór aproximadu hosi número reál

Númeru irrasional seluk mak phi (π). Ninja valór baibain hakerek 3,14. Maibé valór idane'e valór aproximadu. π nu'udar dízima infinita la'ós periódika no se ita haree nia valór iha kazadesimál 9 mak 3,141592654. Nune'e ninja valór mak entre 3 no 4, hakerek hanesan tuirmai:

$3 < \pi < 4$ (lee: valór π makmenór 4 no maiór 3)

Operasaun sira iha IR

Operasaun no propriedade sira hotu ne'ebé válido iha konjuntu número rasionál mós válido iha konjuntu número reál.

Ezemplu:

$$\begin{aligned} & 5 - \sqrt{2}(\sqrt{8} - \sqrt{2}) \\ &= 5 - \sqrt{2}\sqrt{8} + (\sqrt{2})^2 \\ &= 5 - \sqrt{16} + 2 \\ &= 5 - 4 + 2 \\ &= 3 \end{aligned}$$

Ezersísiu:

Simplifika:

$$1. \frac{\sqrt{3}}{2} - 5\sqrt{3}$$

$$2. 2\sqrt{5} - 6\sqrt{5} + 9\sqrt{5}$$

$$3. 2(3 - \sqrt{2}) + 2$$

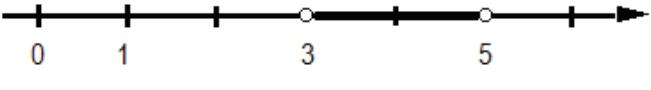
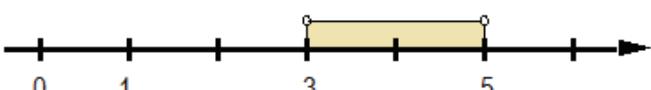
$$4. \sqrt{3}(4 - 2\sqrt{3}) + 5\sqrt{2}$$

$$5. (\sqrt{7} - 3)(\sqrt{7} + 3)$$

3. Intervalunúmerureál

Iha maneira hodi marka konjuntu intervalu número reál iha reta reál no hakerek valór iha forma intervalu número reál sira.

Ezemplu:

Iha retareál	Iha forma intervalu	Iha forma aljébrika
 ka	$]3, 5[$ Intervalu nakloke iha parte loos no karuk	$3 < x < 5$
		

 ka	$[3, 5[$ Intervalu naktaka iha parte karuk no nakloke iha parte loos	$3 \leq x < 5$
 ka	$]3, 5]$ Intervalu nakloke iha parte karuk no naktaka iha parte loos	$3 < x \leq 5$
 ka	$[3, 5]$ Intervalu naktaka iha partekaruk no loos	$3 \leq x \leq 5$
 ka	$[2, +\infty[$ Intervalu naktaka iha parte karuk no nakloke iha parte loos	$x \geq 2$
Se laihalimitasaun iha parte karuk no loos		
 ka	$]-\infty, 2[$ Intervalu nakloke iha partekaruk no loos	$x < 2$

	<p>Intersesaun hosi konjuntu C no D, mak elementu komúnsira, reprezenta ho:</p> $C \cap D$ $= [-3, 5] \cap [1, 7]$ $= [1, 5]$	$1 \leq x < 5$
	<p>Uniaun hosi konjuntu C no D, mak elementu sira ne'ebé pertense ba konjuntu rua ne'e, reprezentaho:</p> $C \cup D$ $= [-3, 5] \cup [1, 7]$ $= [-3, 7]$	$-3 \leq x \leq 7$

Ezersísiu:

Reprezenta iha forma intervalu no hakerek iha forma aljébrika:

1. $[-2, 6[$
2. $]0, 10]$
3. $[-2, +\infty[$
4. $]-\infty, -2[$
5. $[-2, 6[\cap]0, 10]$
6. $[-2, 6[\cup]0, 10]$

Pergunta prova finál ba Klase 9

1. Tiu Paulo kuda sabraka hun-150 iha ninia toos. Depois semana ida, sabraka hun-30 mate tiha tanba animál sama. Persentu hira mak saburaka hun ne'ebé sei moris hela?
2. WHO makOrganizasaun Mundiál Saúde nian. Tuir WHO, hosi ema hotu ne'ebé kona infesaun virus corona, probabilidade 0,98 mak sei rekopera fila fali. Sé ema ne'ebé kona infesaun virus corona mak ema-na'in-4.600. Ema na'in hira mak sei rekopera fila fali?
3. Iha grupu alunu ida ne'ebé kompostu hosi alunu na'in-16, alunu na'in-10 mak gosta jogu desportu no alunu na'in-8 mak gosta te'in no hosi alunu hirak-ne'e, balu gosta jogu desportu no móste'in. Se bolu alunu ida, entaun probabilidade alunu ne'ebé gosta jogu desportu no mós te'inmak.....
4. Natália honinia maluk sira planu atu halo selebrasaun remata tinan anuleтивu iha sira-niaeškola. Entaun Nia no nia maluk Manuela mak sei lori fita hodi halo dekorasauntan ba sira iha fita restu iha sira-nia uma. Natália lori fita $2\frac{1}{8}$ m no Manuela lori fita $5\frac{3}{4}$ m. Sira rua hahú halo ai-funan hosi fita ne'e. Sira rua uza fita $1\frac{1}{2}$ m hodi halo ai-funan. Fitametru hiramak sei restu?

Resposta no kritériu fó-valór:

No	Respostaxave	Esplikasaunfó-valór	Valór
1.	Sabraka hun foinkuda = 150 Sabraka hun mate = 30 Sabraka hun sei morishela = $150 - 30 = 120$ Persentajen sabraka hun sei morishela = $\frac{120}{150} \times 100\%$	Fó-valór 2,5 ba resposta ne'ebé loos. Fó-valór 0 ba resposta ne'ebé sala.	2,5

	<p>= 80%</p> <p>Resposta: Sabraka hun ne'ebé sei moris hela mak 80%</p>		
2.	<p>Probabilidade rekopera filafali</p> $= \frac{98}{100} \times 4600$ $= 0,98 \times 4600$ $= 4508$ <p>Resposta: Probabilidade rekopera filafali mak ema na'in-4.508</p>	<p>Fó-valór 2,5 ba resposta ne'ebé loos.</p> <p>Fó-valór 0 ba resposta ne'ebé sala.</p>	2,5
3.	<p>Alunu ne'ebé gosta jogu despostu = 10</p> <p>Alunu ne'ebé gosta te'in = 8</p> <p>Alunu ne'ebé gosta jogu desportuno móste'in</p> $(10 + 8) - 16 = 2$ <p>Entaun alunu ne'ebé gosta jogu desportu no te'in mak alunu na'in-2.</p> <p>Resposta: Probabilidade ba alunu ne'ebé gosta joguno móste'in mak = $\frac{2}{16}$</p> $= \frac{1}{8}$	<p>Fó-valór 2,5 ba resposta ne'ebé loos.</p> <p>Fó-valór 0 ba resposta ne'ebé sala.</p>	2,5
4.	<p>Natália lori fita hokomprimentu = $2\frac{1}{8}$ m</p> <p>Manuela lori fita hokomprimentu = $5\frac{3}{4}$ m</p>	<p>Fó-valór 2,5 ba resposta ne'ebé loos.</p> <p>Fó-valór 0 ba resposta ne'ebé sala.</p>	2,5

	<p>Natália no Manuela uza fita hokomprimentu = $1\frac{1}{2}$m</p> <p>Resposta: Komprimentu fita restu mak</p> $ \begin{aligned} &= 2\frac{1}{8} + 5\frac{3}{4} - 1\frac{1}{2} \\ &= \frac{17}{8} + \frac{23}{4} - \frac{3}{2} \\ &= \frac{17}{8} + \frac{46}{8} - \frac{12}{8} \\ &= \frac{51}{8} \\ &= 6\frac{3}{8} \text{ m} \end{aligned} $	
Totálvalór		10

